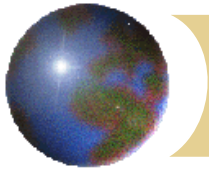


RISCO

em epidemiologia



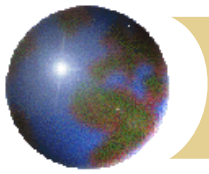
Dois dogmas da epidemiologia

1. Os casos de doença não têm distribuição aleatória no espaço e no tempo.
2. Existem *factores de risco* que influenciam o aparecimento e/ou desenvolvimento da doença
(genéticos, comportamentais, ambientais ...)

Objectivos deste módulo

Definir *risco*

Avaliar factores de risco no contexto de “estudos transversais”



Lógica epidemiológica

1. Suspeita de que a exposição a um factor pode influenciar a ocorrência de uma doença
 - Observações da prática clínica
 - Observação da distribuição da incidência no espaço/tempo
 - Especulação teórica

2. Hipótese: determinado factor aumenta/diminui o **risco** de ter doença

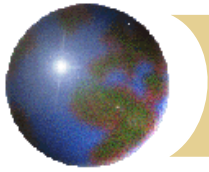
3. Condução de estudo epidemiológico
 - Testa-se a hipótese sobre associação entre factor e doença
 - O estudo é feito por comparação entre indivíduos com e sem doença

4. Etapes do estudo:

Existe ou não associação ?

Medir (quantitativamente) a associação

Testar se é (estatisticamente) significativa.



Risco

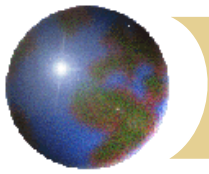
Risco é uma probabilidade e está, portanto, contido no intervalo $[0, 1]$

Mais concretamente...

Risco é a probabilidade de ocorrência de um acontecimento considerado indesejável, num intervalo de tempo e/ou num contexto específico

Em Epidemiologia,

“acontecimento indesejável” \cong ser infectado e/ou desenvolver doença.
contexto \cong exposição a um factor de risco.



Como medir o risco ?

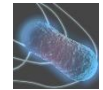
Exemplo



60% dos participantes que comeram lasanha num jantar contraíram salmonelose

Significa isto que:

- 1 - A probabilidade (risco) de comer lasanha e contrair salmonelose é 0.6 ?
- 2 – Comer lasanha é um factor de risco para a salmonelose ?



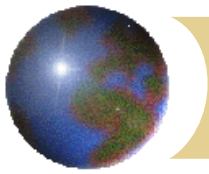
1 – Sim

se uma pessoa inquirida aleatoriamente nos disser que comeu lasanha, a probabilidade de ter contraído salmonelose é 0.6

$$\text{Risco} = (\text{número dos expostos que adoeceu}) / (\text{número exposto ao factor de risco}) = 0.6$$

2 – Não necessariamente.

Suponhamos que 60% dos que NÃO comeram lasanha também contraíram salmonelose ... Comer lasanha já não parece tão arriscado !



Risco relativo (RR)

Conclusão:

É necessário comparar o risco dos que comeram lasanha com o risco dos que não comeram

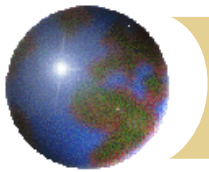
$$\text{Risco relativo (RR)} = \text{risco}_{\text{expostos}} / \text{risco}_{\text{n\~{a}o-expostos}}$$

Quociente entre o risco dos que foram expostos ao (potencial) factor de risco e o risco dos que não foram expostos

Se $RR > 1$ o factor aumenta o risco

Se $RR < 1$ o factor tem efeito “protector” (diminui o risco)

Se $RR = 1$ o factor é indiferente



Organização dos cálculos

<i>Factor de risco</i>	<i>Estado de doença</i>		<i>Total</i>
	<i>Doente</i>	<i>não doente</i>	
Exposto	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a+b</i>
não exposto	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>c+d</i>
Total	<i>a+c</i>	<i>b+d</i>	<i>n</i>

Total da amostra

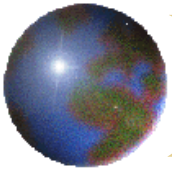
Tabela de Contingência bidimensional, 2 x 2

Bidimensional porque tem 2 variáveis ditas categóricas
(Ser exposto ou não; adoecer ou não)

2 x 2 - Porque cada variável tem duas classes ou categorias

Associação:

Saber que um indivíduo está exposto dá alguma informação sobre se está doente ? (ou vice-versa)



Cálculos

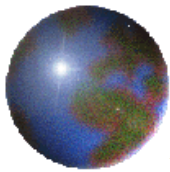
	<i>Doente</i>	<i>não Doente</i>	<i>Total</i>
Exposto	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a+b</i>
não Exposto	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>c+d</i>
Total	<i>a+c</i>	<i>b+d</i>	<i>n</i>

Risco para os expostos = $a/(a+b)$

Risco para os não expostos = $c/(c+d)$

Risco relativo

$$RR = \frac{a/(a+b)}{c/(c+d)} = \frac{a(c+d)}{c(a+b)}$$



Exemplo



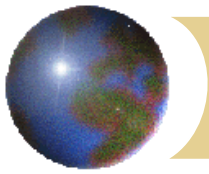
	<i>Doente</i>	<i>não doente</i>	<i>Total</i>
Comeu	60	40	100
não comeu	20	35	55
TOTAL	80	75	155

Risco para os expostos : $60/100 = 0.6$

Risco para os não expostos : $20/55 = 0.36$

$$RR = 0.6/0.364 = 1.65$$

Quem comeu tem uma probabilidade 1.65 vezes maior de adoecer que quem não comeu
Quem comeu tem um risco 1.65 maior de adoecer



Evitar alarmismo desnecessário

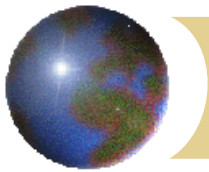
O RR pode ser muito alto mas ...
.... O risco absoluto nos expostos pode ser muito pequeno,

Explo:

Probabilidade de uma reacção alérgica na população: 10^{-8}
(1 em 100 milhões)

Probabilidade da mesma reacção após toma de um medicamento: 10^{-7}
(1 em 10 milhões)

$$RR = 10^{-7} / 10^{-8} = 10 !$$



Em geral o que obtemos são estimativas

	<i>Doente</i>	<i>não Doente</i>	<i>Total</i>
Exposto	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a+b</i>
não Exposto	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>c+d</i>
Total	<i>a+c</i>	<i>b+d</i>	<i>n</i>

Risco para os expostos = $a/(a+b)$

Risco para os não expostos = $c/(c+d)$

Risco relativo

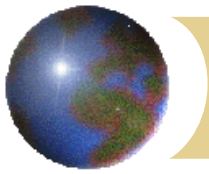
$$RR = \frac{a/(a+b)}{c/(c+d)} = \frac{a(c+d)}{c(a+b)} \quad [1]$$

Se n for uma amostra, [1] é uma **estimativa** do verdadeiro valor de RR na população

Quão maior que 1 tem a estimativa de ser para ser considerada “significativa” ?

Já agora, $a/(a+b)$ também é uma **estimativa** do verdadeiro risco dos expostos

$c/(c+d)$ também é uma **estimativa** do verdadeiro risco dos não expostos



Intervalo de confiança para o risco

Construir um **Intervalo de Confiança (IC)** dentro do qual deve estar o verdadeiro risco com elevada probabilidade (em geral adopta-se 95%)

O risco (r) amostral estima o risco médio, o qual é uma proporção, logo o seu **erro padrão** é dado por

$$e(r) = \sqrt{r(1-r)/n}$$

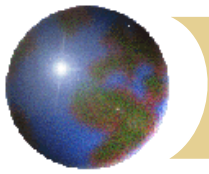
Usando a aproximação Normal à binomial, um IC a 95% para o risco é dado por,

$$[r - 1.96 e(r), \quad r + 1.96 e(r)]$$



1.96 é o quantil da Normal que delimita dos dois lados da curva a área $\alpha = 5\%$

Este procedimento pode ser feito para r_{expostos} e $r_{\text{não expostos}}$



Intervalo de confiança para uma proporção

Intervalo de Confiança a 95% para

- Proporção de incidência
- Proporção de prevalência
- Mortalidade por doença

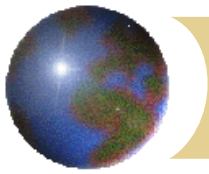
$$\left[p - 1.96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}, p + 1.96 \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}} \right]$$

Pressupõe:

- Amostra grande ($n > 30$)
- Proporção verdadeira não muito próxima de 0 ou de 1
idealmente para situações em que $0,2 < p < 0,8$

Não funciona bem para risco de ocorrências raras: doenças raras
mortalidade

Alternativa para $p \sim 0$ ou $p \sim 1$: intervalos de Agresti-Coull



Intervalo de confiança para o RR

O IC para o RR é um pouco mais complicado

O erro padrão do $\ln(RR)$ é estimado por

$$e(\ln RR) = \sqrt{\frac{1}{a} - \frac{1}{a+b} + \frac{1}{c} - \frac{1}{c+d}}$$

Um IC a 95% para o $\ln(RR)$ é dado por,

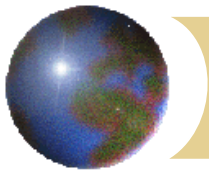
$$\ln RR \pm 1.96 e(\ln RR)$$

donde, o IC para RR:

$$LI = e^{\ln RR - 1.96 e(\ln RR)} \quad \textit{Limite inferior}$$

$$LS = e^{\ln RR + 1.96 e(\ln RR)} \quad \textit{Limite superior}$$

Se o IC **não** incluir 1, há 95% probabilidade de o factor ser mesmo de risco (ou de protecção)



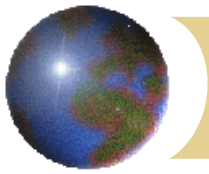
Associação estatisticamente significativa



IC do RR > 1 indica associação estatisticamente significativa entre factor de risco e doença, mas...

NÃO implica que o factor de risco seja a **causa** da doença

associação, correlação \neq causalidade



Redução do risco absoluto (RRA) ou 'risk difference'

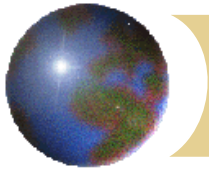
	doença	não-doença	risco
Expostos	a	b	$a/(a+b)$
Não-expostos	c	d	$c/(c+d)$

Redução do risco absoluto (RRA) = $|\text{risco}_{\text{expostos}} - \text{risco}_{\text{não-expostos}}|$

$$RRA = \left| \frac{a}{a+b} - \frac{c}{c+d} \right|$$

A diferença entre o risco dos expostos e o risco dos que não foram expostos.

Representa o acréscimo de probabilidade de adoecer quando um não-exposto passa a exposto



Número necessário tratar, NNT

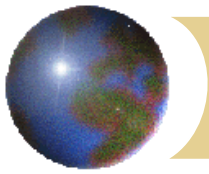
Qual o número de expostos que tem de passar a não exposto para se evitar 1 caso de doença

ou,

Qual o número de 'doentes' que têm de ser 'tratados' para se evitar 1 caso de doença ?

A resposta é o “número necessário tratar” ou NNT

$$NNT = \frac{1}{RRA}$$



Exemplo numérico

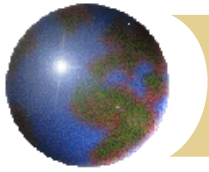
	Com doença respiratória	Sem doença respiratória	Total
Fumadores	6568	14420	20988
Não fumadores	4397	13134	17531
Total	10965	27554	38519

$$RRA = \left| \frac{a}{a+b} - \frac{c}{c+d} \right| = |0,31 - 0,25| = 0,06$$

Por cada 100 fumadores que não tivesse sido fumador, observar-se-ia uma redução de 6 doentes

$$NNT = \frac{1}{RRA} = \frac{1}{0,06} = 16,666$$

por cada 16,6 indivíduos que deixassem de fumar evitar-se-ia 1 caso de doença respiratória.



Em vez de risco... o odds

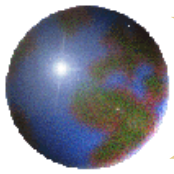
Por vezes os epidemiologistas expressam a ocorrência de doenças em termos de *odds*

Risco = N^o de ocorrências “favoráveis” / Total de ocorrências

Expo: N^o que comeu lasanha e adoeceu / N^o total que comeu lasanha

Odds = N^o ocorrências “favoráveis” / N^o ocorrências “desfavoráveis”

Expo: N^o que comeu lasanha e adoeceu / N^o que comeu lasanha e não adoeceu



Exemplos

Nesta disciplina há 20 alunos inscritos

Se eu escolher um aluno aleatoriamente, qual a probabilidade de seres tu ?

Risco (probabilidade) = $1/20 = 0.05$

Odds = $1/19 = 0.053$

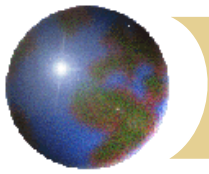
Em 100 alunos de Epidemiologia, 60 tiveram gripe em 2013-14

Qual o risco e o odds de ter gripe ?

Risco (probabilidade) = $60/100 = 0.6$

Odds = $60/40 = 1.5$

Não é uma probabilidade



“Odds”, “Odds Ratio” (*“excedências”, “razão de excedências”*)

	<i>Doente</i>	<i>não Doente</i>	<i>Total</i>
Exposto	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a+b</i>
não Exposto	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>c+d</i>
Total	<i>a+c</i>	<i>b+d</i>	<i>n</i>

$$\text{Odds} = \frac{\text{número de vezes que acontecimento ocorre}}{\text{número de vezes que não ocorre}}$$

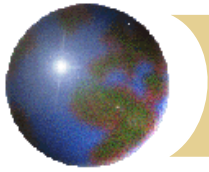
$$\begin{aligned} \text{Odds para os expostos} &= a/b \\ \text{Odds para os não expostos} &= c/d \end{aligned}$$

Estimador do
Odds ratio (OR)

$$\hat{OR} = \frac{a/b}{c/d} = \frac{ad}{bc}$$

Se $OR > 1$ o factor aumenta mesmo o risco

Se $OR < 1$ o factor tem efeito “protector” (diminui o risco)



Intervalo de confiança para o OR

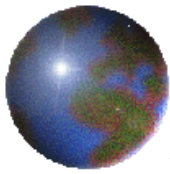
O erro padrão do OR é estimado por $e(\ln OR) = \sqrt{\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} + \frac{1}{d}}$

Um IC a 95% para o OR é dado por,

$$LI = e^{\ln OR - 1.96e(\ln OR)}$$

$$LS = e^{\ln OR + 1.96e(\ln OR)}$$

Se o IC **não** incluir 1, há 95% probabilidade de o factor ser mesmo de risco (ou de protecção)



RR ou OR ?

	Doente	não Doente	Total
Exposto	a	b	$a+b$
não Exposto	c	d	$c+d$
Total	$a+c$	$b+d$	n

Risco é uma probabilidade

Odds não é uma probabilidade

$$a/(a+b) \in [0,1]$$

$$a/b \in [0, +\infty[$$

Damos preferência ao risco, mas...

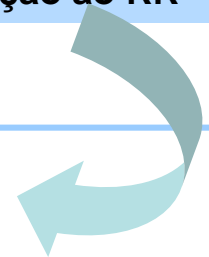
Nos estudos caso-controlo não se pode usar RR

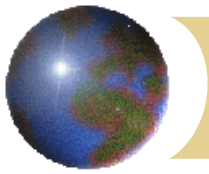
Contudo,

O OR é frequentemente uma boa aproximação ao RR

Se a doença for rara, a e c são muito pequenos

$$\frac{a/b}{c/d} \approx \frac{a/(a+b)}{c/(c+d)}$$





Nasceu uma estrela



O OR é utilizavel em todo o tipo de planeamentos epidemiológicos

O OR de doença é igual ao OR de exposição

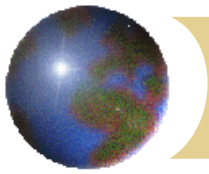
Odds dos expostos contrairem doença relativa/ aos não expostos $\hat{OR} = \frac{a/b}{c/d} = \frac{ad}{bc}$

Odds dos doentes estarem expostos relativa/ aos não doentes $\hat{OR} = \frac{a/c}{b/d} = \frac{ad}{bc}$

O OR é obtido directamente em regressão logística

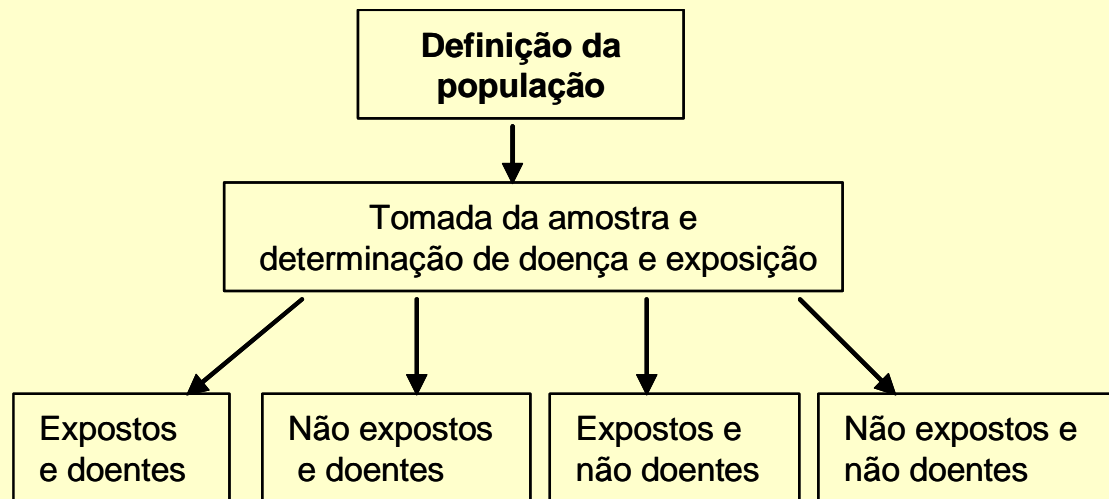
Numéricamente, $OR > RR$

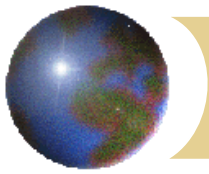
A diferença aumenta com a incidência da doença



Estudos transversais (cross-sectional)

- Uma única amostra tomada na população
- Durante espaço de tempo relativamente curto
- Mede-se simultaneamente – prevalência da doença e exposição ao factor risco





Impacto na comunidade

RR e OR medem associação entre o factor de risco e a doença

Nada dizem acerca do impacto sobre a **comunidade** de alterar o factor de risco

Exemplo

RR dos doentes com SIDA desenvolverem TB é $RR=4$

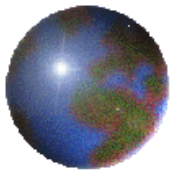
RR dos fumadores desenvolverem TB é $RR = 2$

Retardar a evolução de VIH para SIDA tem maior impacto sobre a TB que promover campanhas anti-tabaco entre os jovens ?

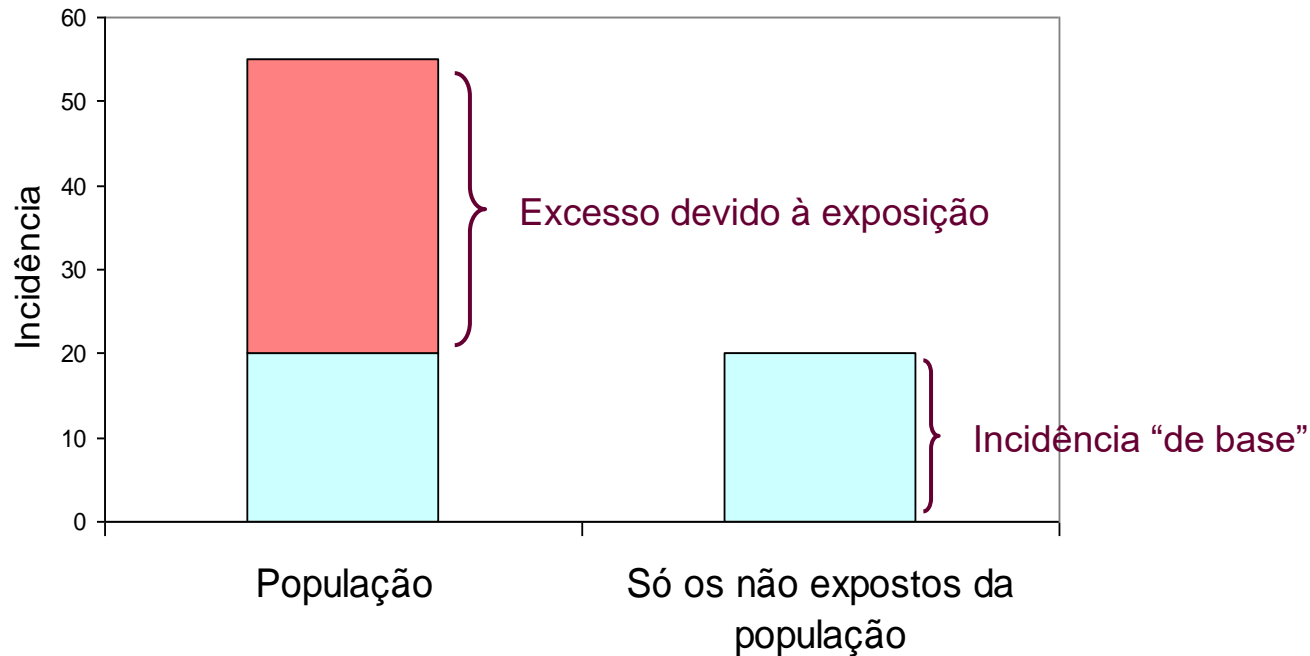
Se a prevalência de fumadores for alta, provavelmente não !

Em saúde pública, há que ter em consideração simultaneamente:

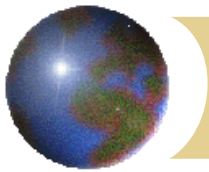
1. O Risco Relativo
2. A prevalência do factor de risco na população



Risco atribuível ou 'etiologic fraction'



- RA é a fracção de doença na população total atribuível ao factor de risco
- Mede a redução da doença na população caso o factor de risco fosse eliminado
- Ajuda a determinar medidas de saúde pública eficazes



O risco atribuível na população

Risco Atribuível na população

É uma combinação do RR com a prevalência do factor de risco
(há mais de uma forma de o fazer)

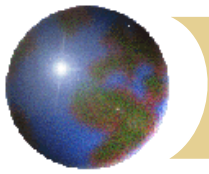
Seja T = proporção incidência (ou prevalência) total na população

T_{NE} = proporção incidência (ou prevalência) na população dos NÃO expostos ao factor de risco

$T - T_{NE}$ = excesso de casos de doença devidos ao factor de risco

$(T - T_{NE})/T$ = proporção de casos devidos ao factor de risco

Há mais de uma forma de construir este quociente !



Risco Atribuível - cálculo

	Doente	não Doente	Total
Exposto	a	b	$a+b$
não Exposto	c	d	$c+d$
Total	$a+c$	$b+d$	n

Assumindo que n é amostra aleatória da população:

$(a+c)/n$ estima proporção total de doentes na população (risco total de doença)

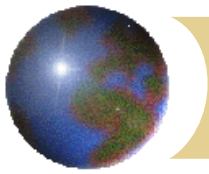
$c/(c+d)$ estima proporção de doentes entre os não expostos (risco entre os não expostos)

Risco Atribuível

$$\hat{RA} = \frac{\frac{a+c}{n} - \frac{c}{c+d}}{\frac{a+c}{n}} = \frac{r - r_{NE}}{r}$$

RA mede proporção de casos em excesso na amostra, logo,

1. Multiplicar por incidência da doença na população para ter número de casos em excesso na população (usar por exemplo stats oficiais)
2. Faz sentido calcular um IC para o verdadeiro RA



IC para RA (risco atribuível)

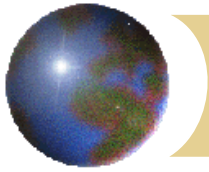
Um IC para RA pode ser obtido por:

$$\frac{(ad - bc)e^{\pm u}}{nc + (ad - bc)e^{\pm u}}$$

Para um IC de 95%:

$$u = \frac{1.96(a+c)(c+d)}{ad - bc} \sqrt{\frac{ad(n-c) + c^2b}{nc(a+c)(c+d)}}$$

Whittmore, AS. 1983. Estimating attributable risk from case-control studies. *Am J Epidemiol* **117**:76-85.



Ainda o Risco Atribuível – equação de Levin

Outra equação para o RA

$$RA = \frac{p_E (RR - 1)}{1 + p_E (RR - 1)}$$

p_E = prevalência do factor de risco na população
 RR = risco relativo

Levin ML. 1953. The occurrence of lung cancer in man. *Acta Intern Cancer* 9:531

Leviton, A. 1973. Definitions of attributable risk. *Am J Epidemiol* 98: 231.

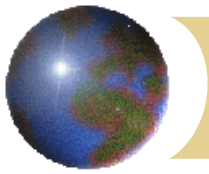
Conduz aos mesmo resultados para RA, caso p_E e RR sejam obtidos a partir da tabela de contingência habitual

Mas,

Permite trabalhar com p_E e RR obtidos de fontes independentes, como estudos caso-controlo e estudos de coortes

Nota

O IC atrás apresentado NÃO é válido nestes casos !



Três medidas de associação

		Variável 2		
		Doente	não Doente	Total
Variável 1	Exposto	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a+b</i>
	não Exposto	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>c+d</i>
	Total	<i>a+c</i>	<i>b+d</i>	<i>n</i>

RR e OR são uma das muitas formas de medir “Associação” entre as duas variáveis

Associação

O facto de se saber que um indivíduo pertence a uma categoria da variável 1 dá alguma informação sobre a categoria a que ele pertence na variável 2 ?

Se sim, existe associação. Se não, não existe

Outra medida de associação muito popular em tabelas é a estatística do qui-quadrado

$$\chi^2 = \sum_i \sum_j \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}$$

Vantagem – permite avaliar se a associação é estatisticamente significativa

Desvantagens – é pouco “portável”

- interpretação não imediata por não-estatísticos