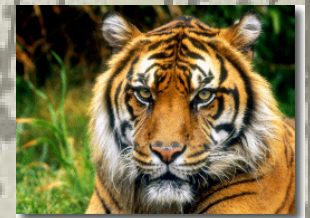


# *Predação*



# *Definições*

*1. Ocorre predação quando um organismo mata outro com o objectivo de se alimentar dele*

*2. Ocorre predação quando indivíduos de uma espécie comem matéria viva de outra espécie*

*3. Predação é um processo pelo qual uma população beneficia às custas de outra*

*4. Predação é qualquer processo ecológico em que energia e matéria fluem de uma espécie para outra.*

# *Reprodutores contínuos*

*X = densidade populacional da presa*

$$\frac{dX}{dt} = f(X) \quad \text{Crescimento da presa sem predador}$$

*Y = densidade populacional do predador*

*Quantidade de presa consumida por 1  
predador:*

$$F(X, Y)$$

*F(X) Resposta funcional do predador*

# *Equação geral da presa*

$$\frac{dX}{dt} = f(X) - \overbrace{F(X)Y}^{\text{Impacto global do predador}}$$

↓  
*Impacto de 1 predador*

# *Equação geral do predador*

Crescimento do predador ← Quantidade de presa  
← Abundância do predador

$$\frac{dY}{dt} = \overbrace{G(X, Y)}^{\text{Crescimento da pop. predadora}} Y$$

*Crescimento de 1 predador*

*Resposta numérica do predador*

# *Sistema presa-predador geral*

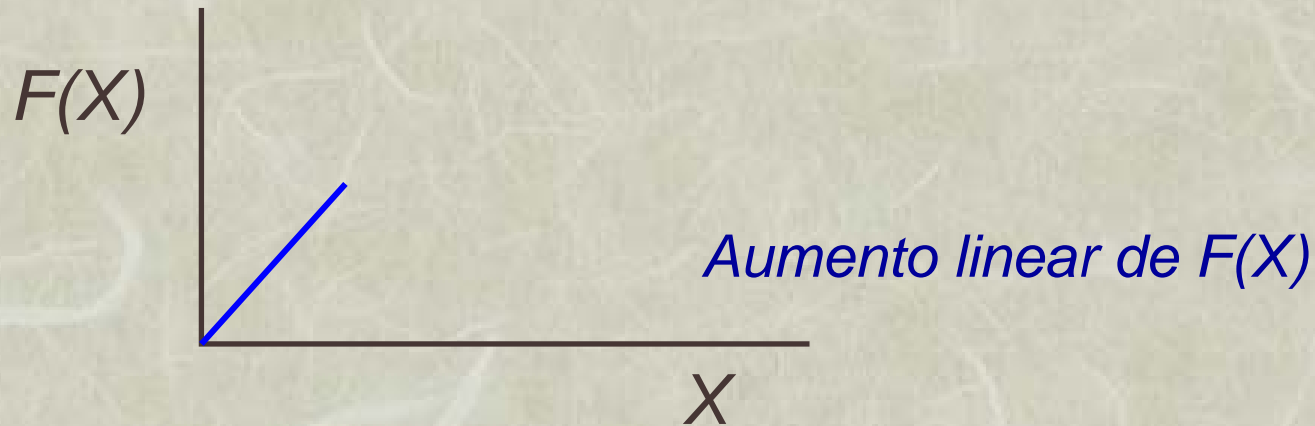
$$\frac{dX}{dt} = f(X) - F(X)Y$$

$$\frac{dY}{dt} = G(X, Y)Y$$

# *Resposta funcional*

Abundância (número, peso...) de presas que, em média, é consumida por 1 predador por unidade de tempo.

*Quando presa é pouco abundante:*



# *Condicionantes da resposta funcional*

*Requisitos metabólicos por unidade tempo → saciamento*

*Tempo para capturar / matar / comer / digerir / repousar ... etc*

*Como evolui  $F(X)$  com o aumento de  $X$  ?*

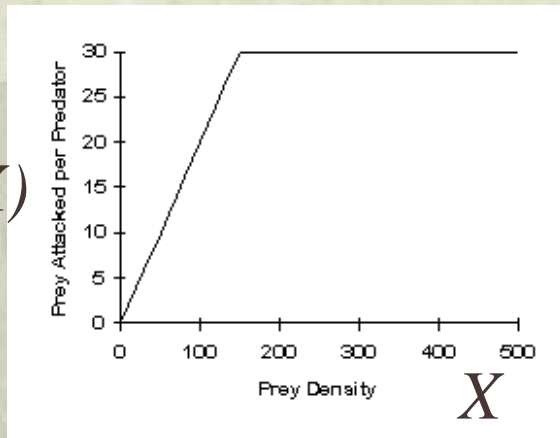
**Holling, C.S. 1959.** The components of predation as revealed by a study of small mammal predation of the European pine sawfly. *Canad. Entomol.* **91**: 293-320.

**Holling, C.S. 1959.** Some characteristics of simple types of predation and parasitism. *Canad. Entomol.* **91**: 385-398.

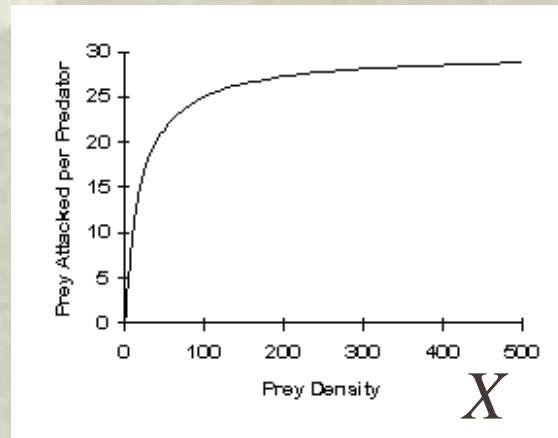


# *Tipos de resposta funcional, Holling 1959*

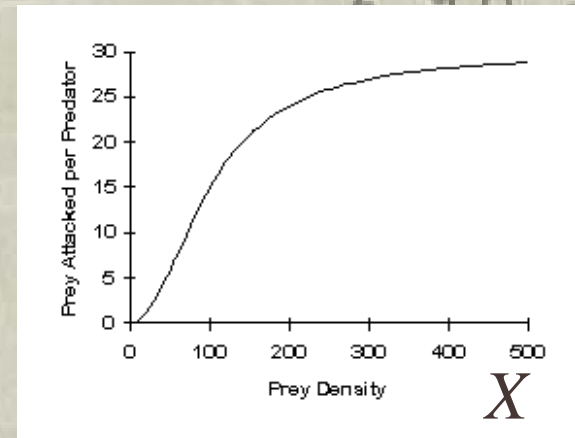
$F(X)$



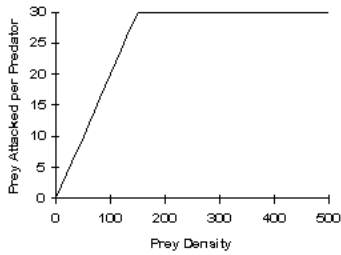
*Tipo I  
Linear*



*Tipo II  
"disk equation"*

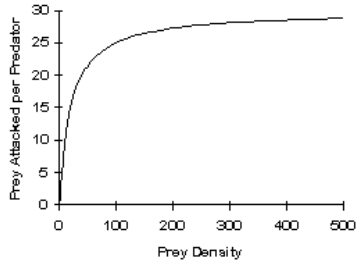


*Tipo III  
"S-shaped"*



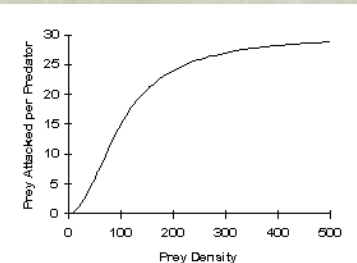
Comum em predadores passivos

$$\frac{F(X)}{X} = \text{Constante (até ao patamar)}$$



Comum em muitos taxa

$$\frac{F(X)}{X} \text{ Diminui com } X$$



Predadores que mudam  
Predadores que "aprendem"

$$\frac{F(X)}{X} \text{ Inicialmente aumenta}$$



Maior capacidade p/ regular a presa

# *Resposta numérica*

Crescimento da população de predadores, por predador, por unidade de tempo.

$$G(X, Y) = -d + hF(X)$$

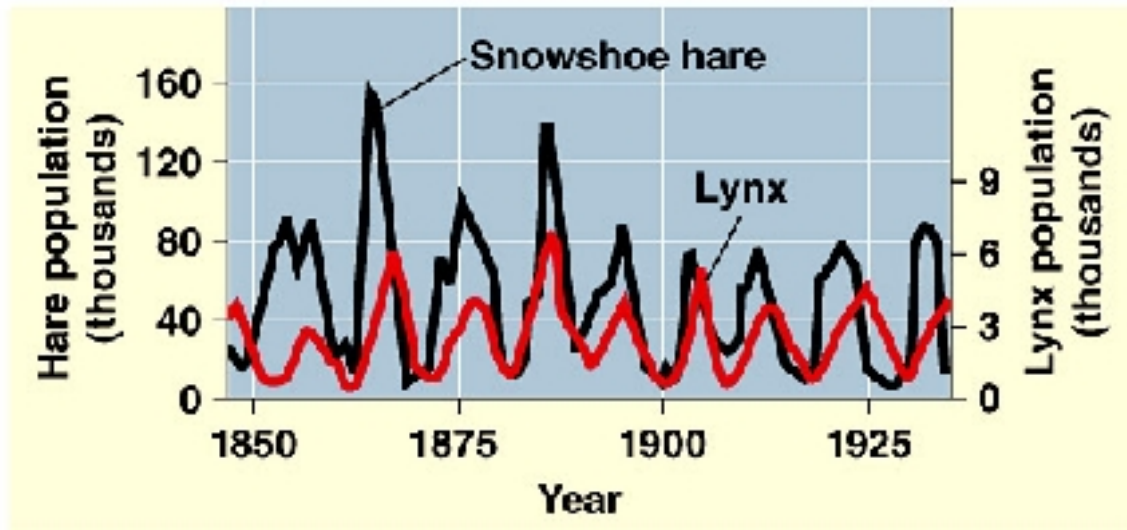
*Na ausência de presa,  
o predador morre c/  
taxa constante*

*Taxa de conversão de  
presa consumida em  
crescimento de predador*

*Eq. do predador:*

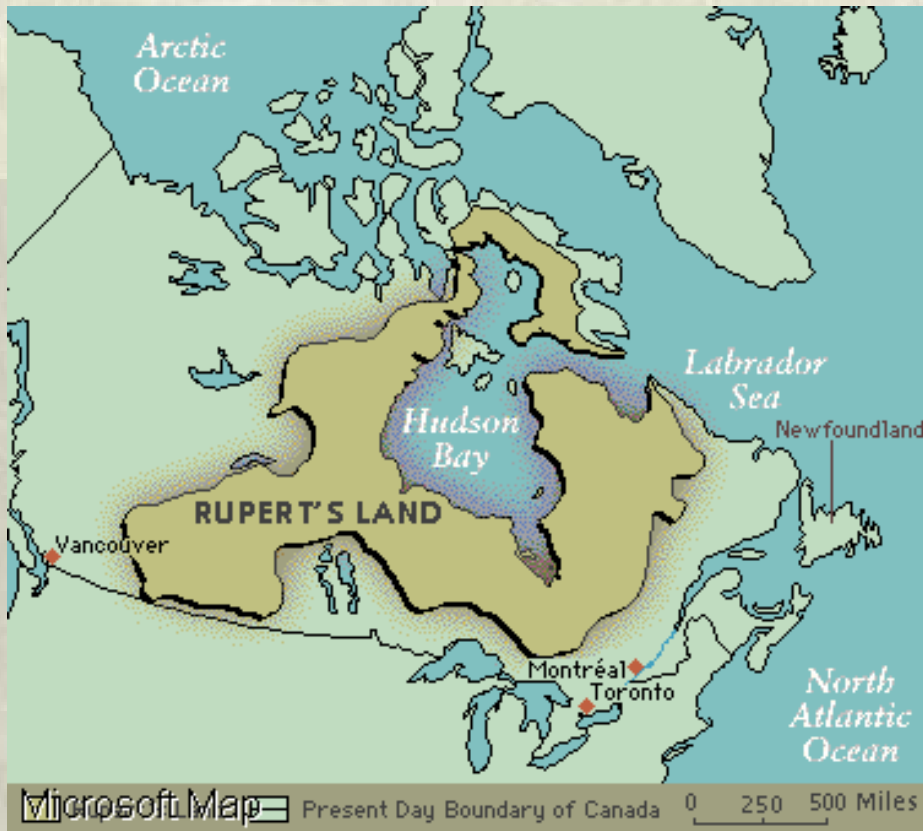
$$\frac{dY}{dt} = [-d + hF(X)]Y$$

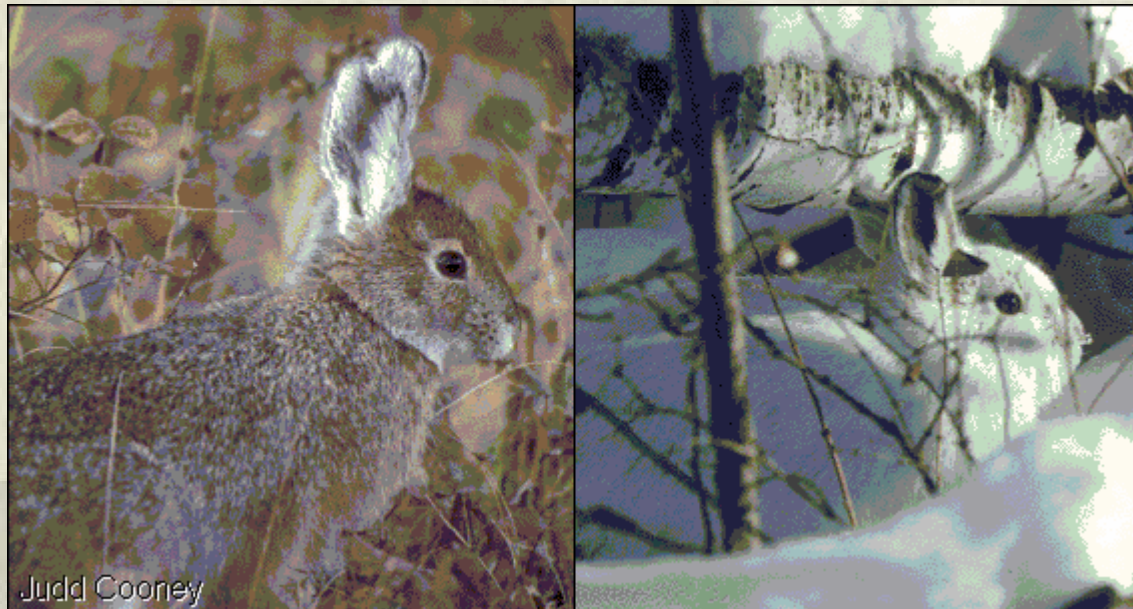
# *Ciclos presa-predador*



Território atribuído à Hudson Bay C<sup>a</sup>,  
1670, por Carlos II de Inglaterra

Distribuição geográfica do lince





*Os nossos modelos  
conseguem reconstituir  
estes ciclos ?*



# *Um sistema presa-predador simples*

$$\frac{dX}{dt} = f(X) - F(X)Y$$

$$\frac{dY}{dt} = G(X, Y)Y$$

$$f(X) = rX$$

*Crescimento exponencial da presa*

$$F(X) = \mu X$$

*Resposta funcional Tipo I*

$$G(X) = -d + h\mu X$$

# *Sistema presa-predador de Lotka-Volterra*

$$\frac{dX}{dt} = rX - \mu XY$$

$$\frac{dY}{dt} = -dY + h\mu XY$$

**Lotka, A. J. 1925.** *Elements of physical biology*. Baltimore: Williams & Wilkins Co.  
**Volterra, V. 1926.** Variazioni e fluttuazioni del numero d'individui in specie animali conviventi. *Mem. R. Accad. Naz. dei Lincei. Ser. VI, vol. 2.*



# *Dedução das nulclinas (= isoclinas)*

$$\frac{dX}{dt} = rX - \mu XY$$

$$\frac{dY}{dt} = -dY + h\mu XY$$

$$\frac{dX}{dt} = 0 \quad \text{se} \quad rX - \mu XY = 0 \quad \Rightarrow$$

$$Y^* = \frac{r}{\mu}$$

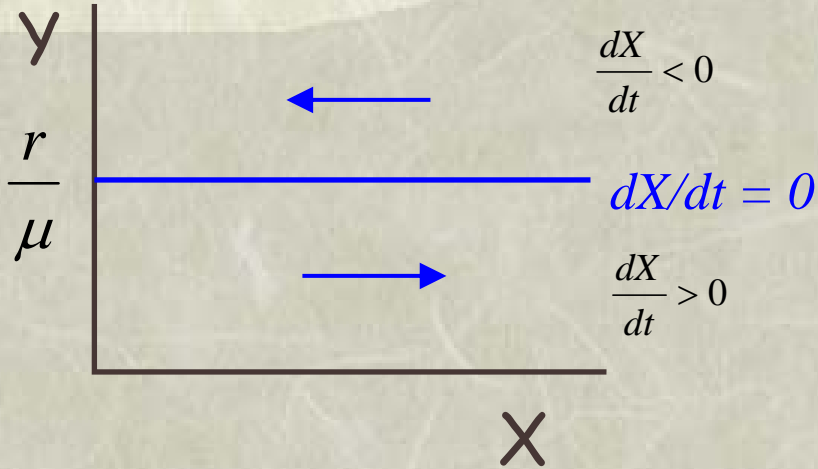
Nulclina de X

$$\frac{dY}{dt} = 0 \quad \text{se} \quad -dY + h\mu XY = 0 \quad \Rightarrow$$

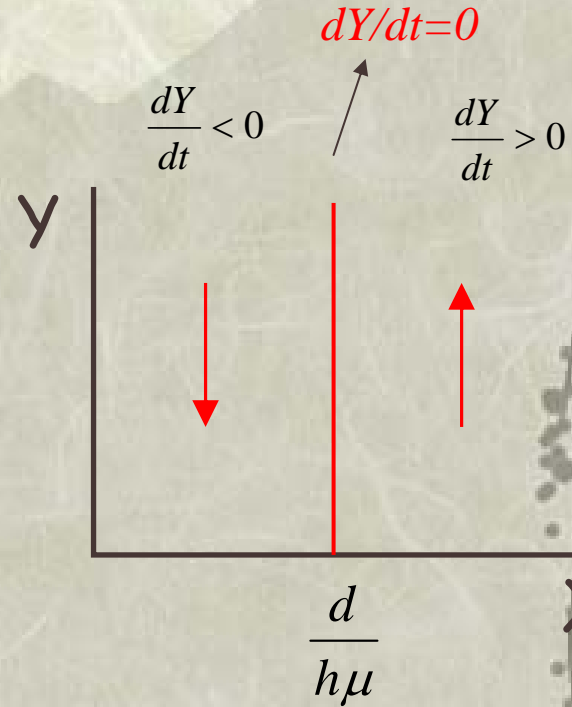
$$X^* = \frac{d}{h\mu}$$

Nulclina de Y

# *Nulclinas em espaço de fase*

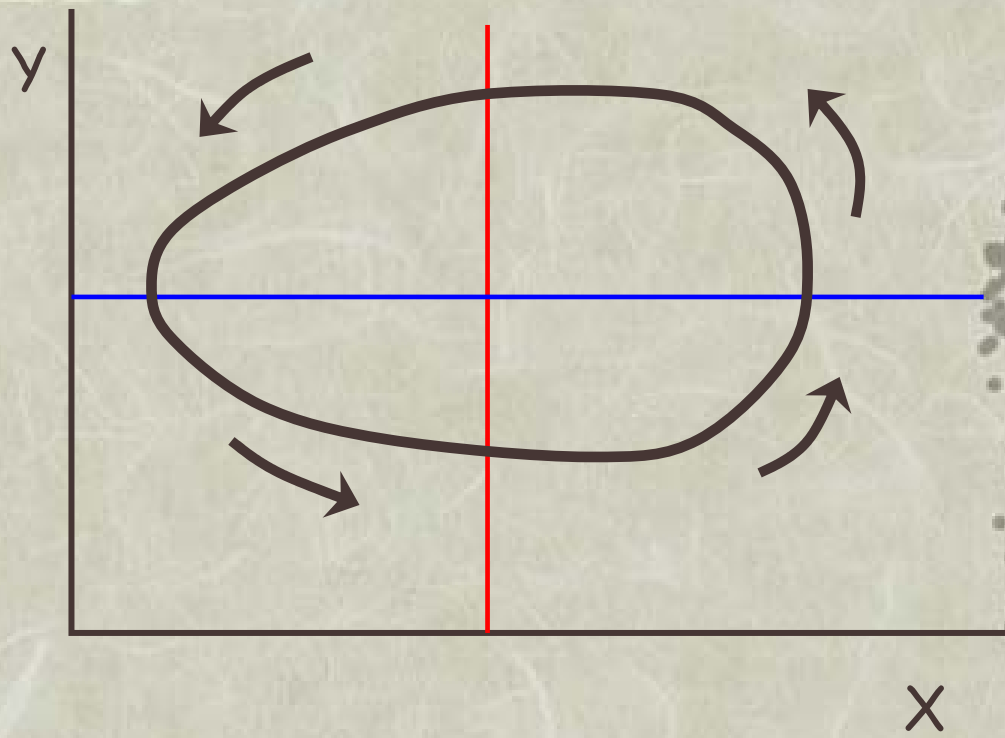
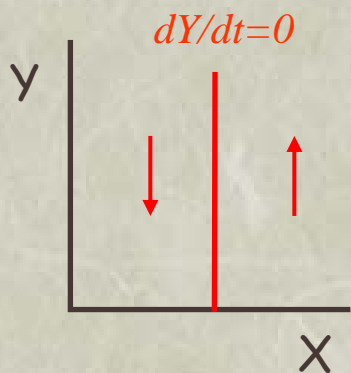
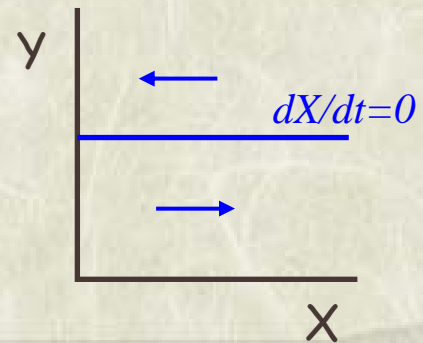


*nulclina da presa*

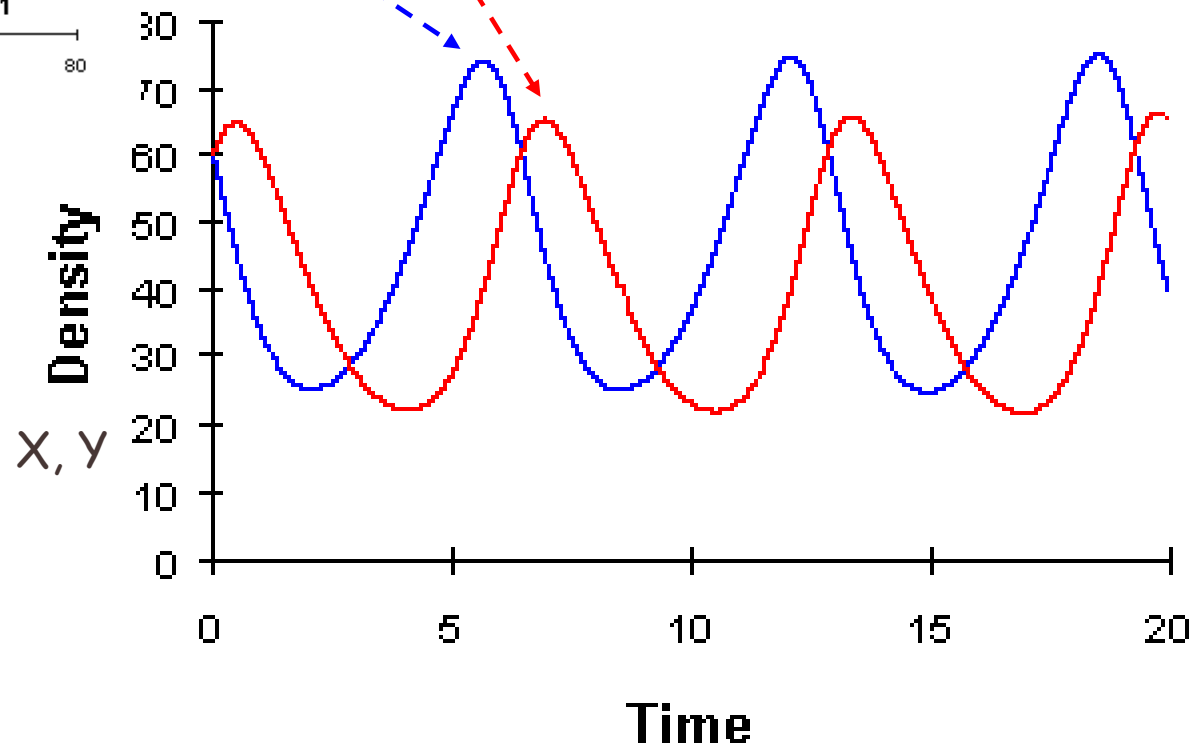
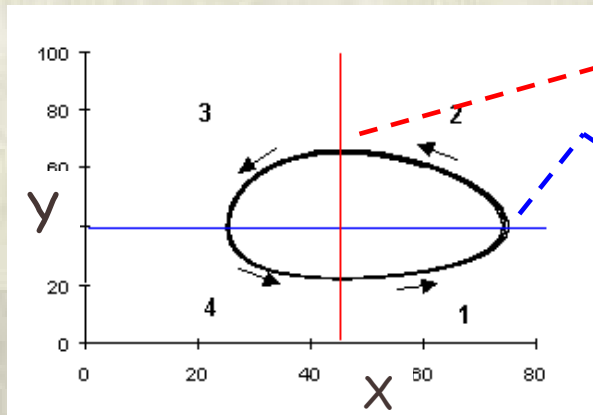


*nulclina do predador*

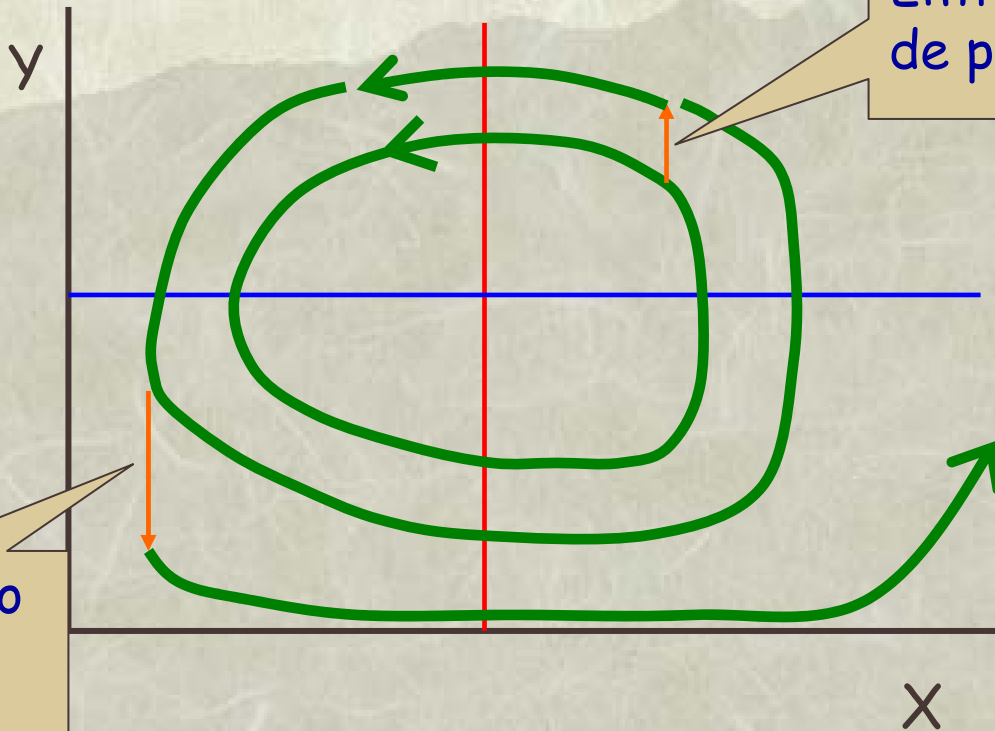
# Análise gráfica



# Oscilações na série temporal



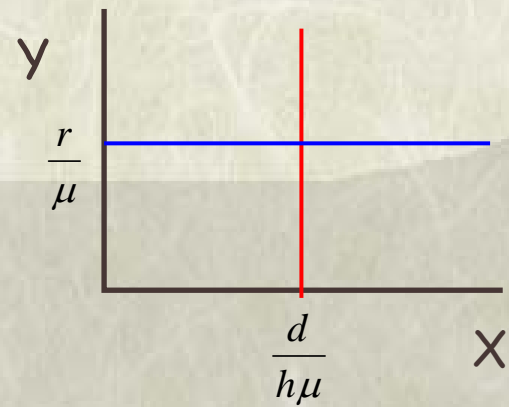
# *Ciclo neutralmente estável*



Perturbação n° 1:  
Entrada dum grupo  
de predadores

Perturbação  
n° 2: saída  
dum grupo  
de  
predadores

# *Efeito de Volterra*



Densidade média da presa,  $X_m =$

$$\frac{d}{h\mu}$$

Densidade média predador,  $Y_m =$

$$\frac{r}{\mu}$$



Efeito dum insecticida generalista:

$d \uparrow$

$r \downarrow$

A prazo:  $X$  aumenta,  $Y$  diminui !

# *A presa autoregula-se*

$$\frac{dX}{dt} = f(X) - F(X)Y$$

$$\frac{dY}{dt} = G(X, Y)Y$$

$$f(X) = rX \left(1 - \frac{X}{K}\right)$$

*Eq. logistica da presa*

$$F(X) = \mu X$$

*Resposta funcional Tipo I*

$$G(X) = -d + h\mu X$$

# *Lotka-Volterra com regulação da presa*

$$\frac{dX}{dt} = rX \left( 1 - \frac{X}{K} \right) - \mu XY$$

$$\frac{dY}{dt} = -dY + h\mu X$$

$$rX \left( 1 - \frac{X}{K} \right) = \mu XY \quad \therefore \quad Y^* = \frac{r}{\mu} - \frac{r}{\mu K} X$$

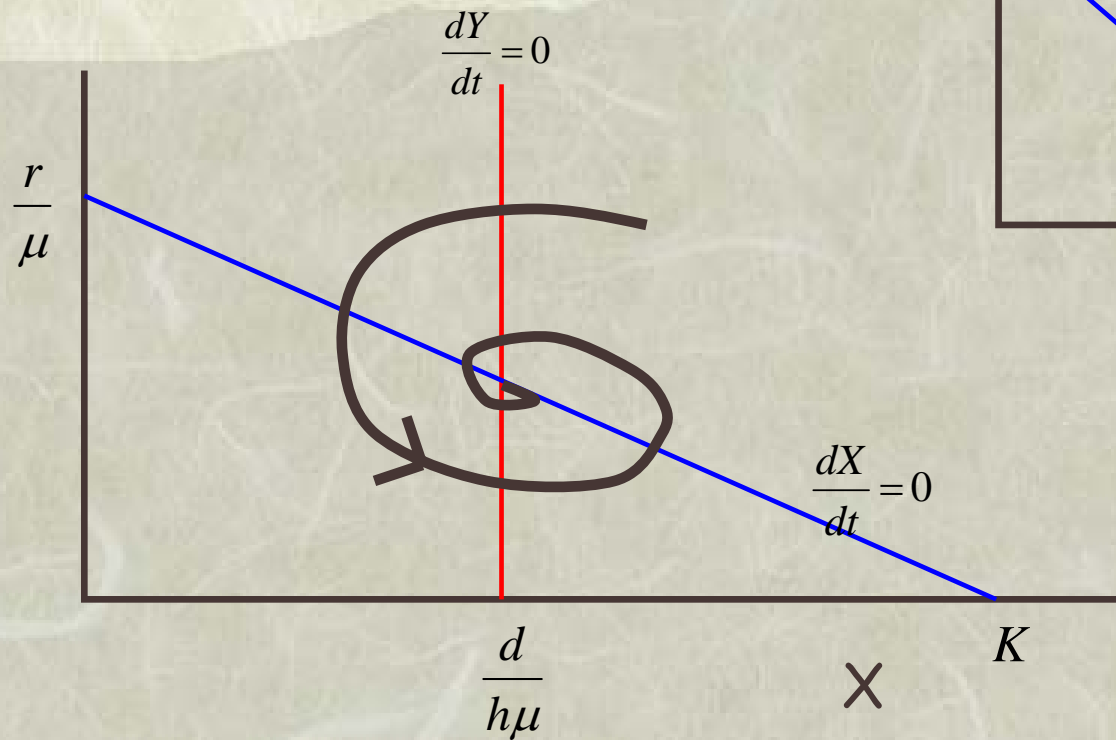
Nulclina de X

$$\frac{dY}{dt} = 0 \quad \text{se} \quad X^* = \frac{d}{h\mu}$$

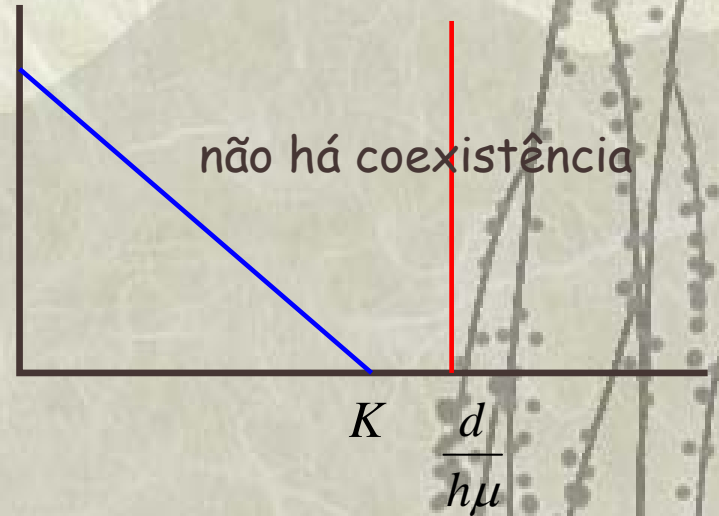
Nulclina de Y



# Análise gráfica



Se  $K < \frac{d}{h\mu}$



# *Conclusões e aperfeiçoamentos*

- Estreita ligação entre dinâmica de presa e predador  
=> grande propensão para oscilações sincronizadas
- $X^*$  e  $Y^*$  dependem de parâmetros da outra população  
=> consequências contraintuitivas (e.g. Efeito de Volterra, "paradoxo do enriquecimento")

Estabilização da interação com:

Introdução de resposta funcional mais realista

Interferência entre predadores, i.e.,  $F(X, Y)$  em vez de  $F(X)$

Heterogeneidade espacial (modelos complexos)

# *Resposta funcional mais realista*

$$\frac{dX}{dt} = f(X) - F(X) Y$$

$$\frac{dY}{dt} = G(X, Y) Y$$

$$f(X) = r X \left( 1 - \frac{X}{K} \right)$$

*Eq. logistica da presa*

$$F(X) = \mu X$$

*Resposta funcional mais realista*

$$G(X) = -d + h\mu X$$

